

SLOVNÍ ÚLOHY TYPU „v závislosti na veličině x vyjádřete“

max. 4 body

(1)

- 7 Petr sbírá modely aut. Druhý rok nasbíral o polovinu počtu modelů aut více, než které nasbíral první rok. Třetí rok nasbíral 72 modelů. Počet modelů, které Petr nasbíral v prvním roce, označte x.
- x... počet modelů v 1. roce*
- 7.1 V závislosti na veličině x vyjádřete, kolik modelů nasbíral Petr během druhého roku.

$$x + \frac{x}{2} = \frac{3x}{2}$$

- 7.2 Vypočítejte, kolik modelů nasbíral Petr během prvního roku, pokud za tři roky nasbíral 217 modelů.

$$\begin{array}{ll} 1. \text{ rok} & x \\ 2. \text{ rok} & \frac{3x}{2} \\ 3. \text{ rok} & 72 \end{array}$$

$$\begin{array}{rcl} x + \frac{3x}{2} + 72 & = & 217 \\ 2x + 3x + 144 & = & 434 \\ 5x & = & 290 \\ x & = & 58 \end{array}$$

Během 1. roku nasbíral 58 modelů.

2

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

Ondrovi trvá cesta do práce autobusem dvakrát déle než rychlikem.
Osobním vlakem mu trvá cesta do práce o čtvrtinu déle než autobusem.

(CZVV)

max. 3 body

- 7 Dobu Ondrovy cesty do práce autobusem označíme x .
- 7.1 Vyjádřete výrazem s proměnnou x , jak dlouho trvá Ondrovi cesta do práce rychlikem. $\frac{x}{2}$
- 7.2 Vyjádřete výrazem s proměnnou x , jak dlouho trvá Ondrovi cesta do práce osobním vlakem. $x + \frac{1}{4}x = \frac{5}{4}x$
- 7.3 Cesta do práce trvá Ondrovi rychlikem o 15 minut méně než osobním vlakem.
Vypočtěte, kolik minut trvá Ondrovi cesta do práce autobusem. 20 MINUT

$$\begin{array}{ll} \text{OS VL.} & \frac{5}{4}x \\ \text{RYCHL.} & \frac{x}{2} \\ \end{array} \quad \begin{array}{l} x + 15 = \frac{5}{4}x \\ 2x + 60 = 5x \\ 60 = 3x \\ x = 20 \end{array} \quad \begin{array}{l} 1.4 \\ \hline \end{array}$$

3

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 8

Za 4 dortíky zaplatíme v cukrárně celkem x korun, stejně jako za 5 koláčů.

(CZVV)

max. 4 body

- 8
- 8.1 Vyjádřete výrazem s proměnnou x , kolik korun zaplatíme v cukrárně za 1 dortík. $\frac{x}{4}$
- 8.2 Vyjádřete výrazem s proměnnou x , kolik korun zaplatíme v cukrárně za 4 koláče. $\frac{x}{5} \cdot 4 = \frac{4}{5}x$
- 8.3 V cukrárně jsme za 5 dortíků a 4 koláče zaplatili celkem 246 korun.
Vypočtěte, kolik korun jsme zaplatili za jeden dortík. 30 Kč

$$\begin{array}{l} 5 \cdot \frac{x}{4} + \frac{4}{5}x = 246 \quad | \cdot 20 \\ 125x + 16x = 246 \cdot 20 \\ 141x = 4920 \\ x = 120 \end{array} \quad \begin{array}{r} 4920 : 41 = 120 \\ 82 \\ 00 \\ 0 \end{array} \quad \begin{array}{l} 120 \\ \hline 4 \\ 30 \end{array}$$

4

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 14

V knihovně je k polic.

V každé polici je o 8 knih více, než je v knihovně polic.

(k může nabývat různých kladných celých hodnot.)

(CZVV)

2 body

14 Který výraz vyjadřuje celkový počet knih v knihovně?

- (A) $k^2 + 8k$
- B) $k^2 + 16k + 64$
- C) $k^2 + 64$
- D) $2k + 8$
- E) $8k$

k polic
v každé polici knih $8+k$
 $k \cdot (8+k) = k^2 + 8k$

5

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Firma zaměstnává 200 osob. Během epidemie museli někteří pracovat z domova.

Včera byla na pracovišti jedna třetina žen zaměstnaných ve firmě a dvě pětiny mužů zaměstnaných ve firmě, všichni ostatní pracovali z domova.

(CZVV)

max. 3 body

6 Počet všech žen zaměstnaných ve firmě označte x .

6.1 V závislosti na veličině x vyjádřete počet žen, které byly včera na pracovišti. $\frac{1}{3}x$

6.2 V závislosti na veličině x vyjádřete počet mužů, kteří byli včera na pracovišti.

$$\frac{2}{5}(200-x)$$

6.3 Včera bylo na pracovišti celkem 70 osob zaměstnaných ve firmě.

Vypočtěte, kolik žen firma zaměstnává.

150

$$\frac{1}{3}x + \frac{2}{5}(200-x) = 70$$

$$\frac{1}{3}x + 80 - \frac{2}{5}x = 70$$

$$\frac{1}{3}x - \frac{2}{5}x = -10 \quad | \cdot 15$$

$$5x - 6x = -150$$

$$-x = -150$$

$$x = 150$$

6

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 14

Ve třídě 9. A je počet dívek o 4 větší než počet chlapců.

Na exkurzi se z 9. A přihlásila čtvrtina dívek a polovina chlapců.

Mezi žáky 9. A, kteří se přihlásili na exkurzi, bylo dívek o 2 méně než chlapců.

(CZVV)

2 body

- 14 Neznámou d je označen počet dívek 9. A.

Ze které rovnice lze v souladu se zadáním určit počet dívek třídy 9. A?

A) $\frac{d}{2} - 2 = \frac{d+4}{4}$

$$\begin{array}{ll} \text{dívky} & d \\ \text{chlapci} & d-4 \end{array}$$

B) $\frac{d}{2} + 2 = \frac{d-4}{4}$

$$\begin{array}{ll} \frac{1}{4}d & \\ \frac{1}{2}(d-4) & \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} \frac{1}{4}d = \frac{1}{2}(d-4) - 2 & \\ \frac{d}{4} = \frac{d-4}{2} - 2 & \end{array}$$

C) $\frac{d}{4} - 2 = \frac{d+4}{2}$

D) $\frac{d}{4} + 2 = \frac{d-4}{2}$

E) $\frac{d}{4} + 2 = \frac{d+4}{2}$

$$\begin{array}{ll} \text{dívky} & \text{chlapci} \\ 45 & 17 \\ +2 & \\ \hline 47 & 19 \end{array}$$

$$M. -2$$

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Tři vázy mají různé velikosti.

Objem velké vázy je o polovinu větší než objem střední vázy.

Objem střední vázy je čtyřikrát větší než objem malé vázy.

(CZVV)

max. 3 body

- 6 Neznámý objem střední vázy označte x .

6.1 V závislosti na veličině x vyjádřete objem velké vázy.

$$x + \frac{1}{2}x = \frac{3}{2}x$$

6.2 V závislosti na veličině x vyjádřete objem malé vázy.

$$\frac{x}{4}$$

6.3 Všechny tři vázy dohromady mají objem 5,5 litru.

Vypočtěte v litrech objem střední vázy.

$$\frac{x}{4} + x + \frac{3}{2}x = 5,5 \quad | \cdot 4$$

$$x + 4x + 6x = 22$$

$$11x = 22$$

$$x = 2$$

OBJEM STŘEDNÍ VÁZY JE 2 litry.